



# 北京师范大学广州实验学校2019-2020学年第一学期期中考试

## 初三数学答题卡

姓名: \_\_\_\_\_ 班级: \_\_\_\_\_ 考场/座位号: \_\_\_\_\_

<b>注意事项</b> 1. 答题前请将姓名、班级、考场、准考证号填写清楚。 2. 客观题答题，必须使用2B铅笔填涂，修改时用橡皮擦干净。 3. 必须在题号对应的答题区域内作答，超出答题区域书写无效。
正确填涂 <input checked="" type="checkbox"/> 缺考标记 <input type="checkbox"/>

考 号											
[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]
[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]
[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]
[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]
[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]
[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]
[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]
[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]
[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]
[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]

**一、选择题:** (本大题共10小题, 每小题3分, 满分30分, 在每小题给出的四个选项中, 只有一项符合题目要求)

- 1 [A] [B] [C] [D]    4 [A] [B] [C] [D]    7 [A] [B] [C] [D]    10 [A] [B] [C] [D]  
2 [A] [B] [C] [D]    5 [A] [B] [C] [D]    8 [A] [B] [C] [D]  
3 [A] [B] [C] [D]    6 [A] [B] [C] [D]    9 [A] [B] [C] [D]

**二、填空题:** (本大题共6小题, 每小题3分, 满分18分)

11. \_\_\_\_\_ 12. \_\_\_\_\_  
13. \_\_\_\_\_ 14. \_\_\_\_\_  
15. \_\_\_\_\_ 16. \_\_\_\_\_

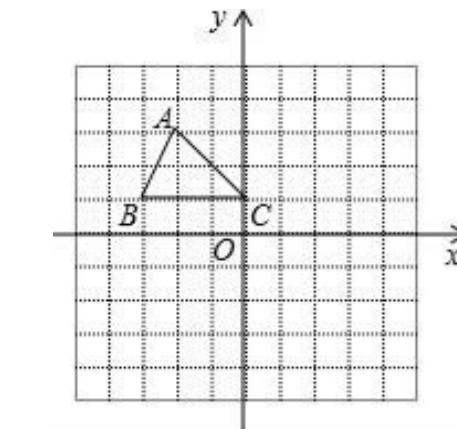
**三、解答题:** (本大题共9题, 共102分, 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤)

17. (9分) 解方程:  $2x^2 - 4x - \frac{5}{2} = 0$

18. (9分) 如图, 在正方形网格中, 每个小正方形的边长均为1个单位.

(1) 把 $\triangle ABC$ 绕着点C逆时针旋转 $90^\circ$ , 画出旋转后对应的 $\triangle A_1B_1C$ ;

(2) 求 $\triangle ABC$ 旋转到 $\triangle A_1B_1C$ 时线段AC扫过的面积.

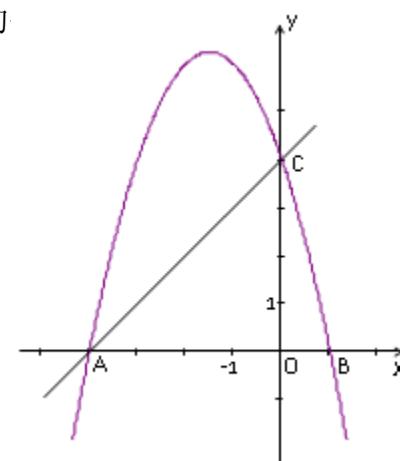


19. (10分) 关于 $x$ 的一元二次方程 $x^2 - mx + m - \frac{5}{4} = 0$ , 其根的判别式的值为1, 求 $m$ 的值及方程的根.

20. (10分) 如图, 抛物线  $y = ax^2 - bx - 4a$  交x轴于点A、B, 交y轴于点C, 其中点B、C的坐标分别为B(1, 0)、C(0, 4).

(1) 求抛物线的解析式, 并用配方法把其化为  $y = a(x - h)^2 + k$  的形式, 写出顶点坐标;

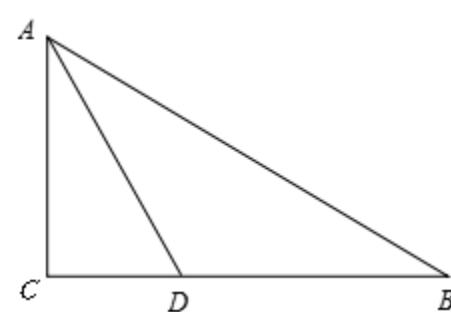
(2) 已知点D(m, 1-m)在第二象限的抛物线上, 求出m的



21. (12分) 如图, 已知在Rt△ABC中,  $\angle C=90^\circ$ , AD是 $\angle BAC$ 的平分线.

(1) 使用尺规作一个 $\odot O$ 使它经过A、D两点, 且圆心O在AB边上; (不写作法, 保留作图痕迹).

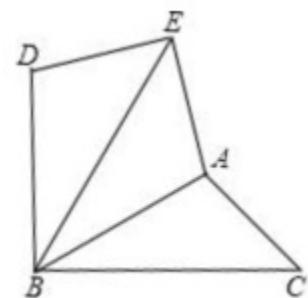
(2) 判断直线BC与 $\odot O$ 的位置关系, 并说明理由.



22. (12分) 如图所示,  $\angle DBC=90^\circ$ ,  $\angle C=45^\circ$ , AC=2,  $\triangle ABC$ 绕点B逆时针旋转60°得到 $\triangle DBE$ , 连接AE.

(1) 求证:  $\triangle ABC \cong \triangle ABE$ .

(2) 连接AD, 求AD的长.





# 北京师范大学广州实验学校2019-2020学年第一学期期中考试

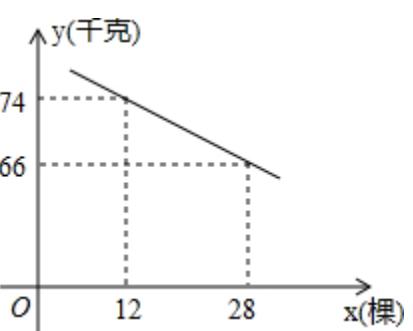
## 初三数学答题卡

姓名: \_\_\_\_\_ 班级: \_\_\_\_\_ 考场/座位号: \_\_\_\_\_

<b>注意事项</b> 1. 答题前请将姓名、班级、考场、准考证号填写清楚。 2. 客观题答题, 必须使用2B铅笔填涂, 修改时用橡皮擦干净。 3. 必须在题号对应的答题区域内作答, 超出答题区域书写无效。
正确填涂 <input checked="" type="checkbox"/> 缺考标记 <input type="checkbox"/>

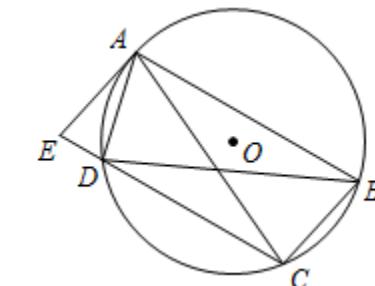
考 号											
[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]	[0]
[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]	[1]
[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]	[2]
[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]	[3]
[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]	[4]
[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]	[5]
[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]	[6]
[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]	[7]
[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]	[8]
[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]	[9]

23. (12分) 某片果园有果树80棵, 现准备多种一些果树提高果园产量。但是如果多种树, 那么树之间的距离和每棵树所受光照就会减少, 单棵树的产量随之降低, 若该果园每棵果树产果 $y$ (千克), 增种果树 $x$ (棵), 它们之间的函数关系如图所示。 (1) 求 $y$ 与 $x$ 之间的函数关系式;  
(2) 在投入成本最低的情况下, 增种果树多少棵时, 果园可以收获果实6750千克?  
(3) 当增种果树多少棵时, 果园的总产量 $w$  (千克) 最大? 最大产量是多少?



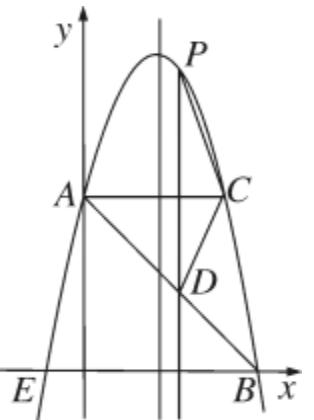
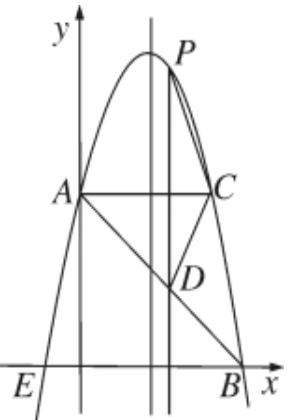
24. (14分) 如图, 已知等腰 $\triangle ABC$ ,  $AB=AC$ ,  $\odot O$ 是 $\triangle ABC$ 的外接圆, 点 $D$ 是 $AC$ 上一动点, 连接 $CD$ 并延长至点 $E$ , 使得 $AE=AD$ .

- (1) 求证: ① $\angle DAE=\angle BAC$ ; ② $EC=AD$ ;
- (2) 若 $EC\parallel AB$ , 判断 $AE$ 与 $\odot O$ 的位置关系;
- (3) 若 $\angle CAB=30^\circ$ ,  $BC=6$ , 点 $D$ 从点 $A$ 运动到点 $C$ 处, 则点 $E$ 运动路径的长为\_\_\_\_\_.



25. (14分) 如图, 在平面直角坐标系中, 抛物线 $y=ax^2+bx+c$ 的顶点坐标为(2, 9), 与y轴交于点A(0, 5), 与x轴交于点E, B.

- (1)求二次函数 $y=ax^2+bx+c$ 的表达式;
- (2)过点A作AC平行于x轴, 交抛物线于点C, 点P为抛物线上的一点(点P在AC上方), 作PD平行于y轴交AB于点D, 当点P在何位置时, 四边形APCD的面积最大? 并求出最大面积;
- (3)若点M在抛物线上, 点N在其对称轴上, 使得以A, E, N, M为顶点的四边形是平行四边形, 且AE为其一边, 求点M, N的坐标.



备用图